

TFY4108 Fysikk

Øving 2

Veiledning: Tirsdag 2. sep. kl 12:15-14:00.

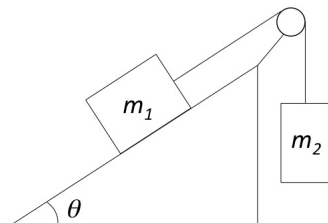
Innlevering: Fredag 5. sep. kl. 14:00.

Lever øvinger i bokser utenfor R1.

Sentrale begreper ved løsning av oppgavene:

Newtons lover, snorkrefter, sirkelbevegelse, statisk og dynamisk likevekt.

Oppgave 1.

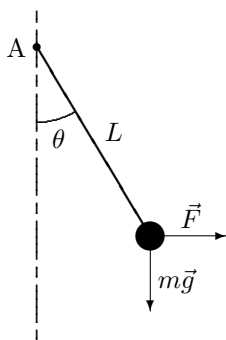


To legemer med masse m_1 og m_2 er forbundet med en masseløs snor som vist på figuren. Massen m_1 kan bevege seg på skråplanet som har en hellingsvinkel θ . Se bort fra friksjon.

a. Finn akselerasjonen til og snorkraften på de to legemene.

b. Anta at $m_1 > m_2$ og at legemene slippes fra ro. Hva blir bevegelsesretningen?

Oppgave 2. Statisk og dynamisk likevekt



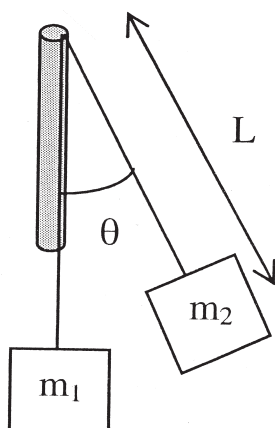
Ei kule (punktmasse) med masse $m = 0,150 \text{ kg}$ er festa til ei vektløs snor med lengde $L = 0,50 \text{ m}$. Snora er festa i et punkt A som den kan bevege seg fritt om.

a. Kula trekkes ut til siden (i papirplanet) med ei horisontal kraft $\vec{F}$ og holdes i ro ved en likevektsvinkel $\theta = 25^\circ$. Hvor stor må F være?

b. I stedet for å trekke med ei kraft $\vec{F}$, lar vi systemet rotere om en vertikal akse gjennom opphengningspunktet A, med rotasjonsperiode $T = 1,10 \text{ s}$. Stanga vil under rotasjonen danne en likevektsvinkel θ med vertikalen, slik at summen av snorkraft og tyngdekraft gir nødvendig sentripetalkraft.^a Hva blir vinkelen θ ved denne dynamiske likevekten?

^a "Sentripetalkraft" = kraften rettet mot sirkelens sentrum som er ansvarlig for sentripetalakselerasjonen $a_c = v^2/r$.

Oppgave 3. Dynamisk likevekt med motvekt



Ei masseløs snor er tredd gjennom et glatt rør (ingen friksjon, heller ikke når snora glir over kanten), og i endene er festet i (punkt)massene m_1 og m_2 . Se figuren til venstre. Massen m_2 roterer i horisontalplanet med omløpstid T , mens m_1 blir hengende i ro.

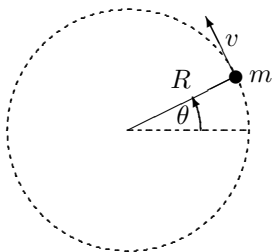
a. Finn vinkelen θ mellom snora og røret, uttrykt med m_1 og m_2 .

b. Finn snorlengden L fra toppen av røret til m_2 , uttrykt med m_1, m_2, g og T .

c. Bestem θ og L numerisk når $m_1 = 4,0 \text{ kg}$, $m_2 = 2,00 \text{ kg}$ og $T = 1,00 \text{ s}$.

d. Dette er en dynamisk likevekt, dvs. vi antar L holder seg konstant under rotasjonen (dynamikken). Er den dynamiske "likevekten" stabil? For å svare på dette, diskuter hva som skjer dersom snorlengden, med gitt omløpstid T , er større eller mindre enn "likevektslengden" L funnet i b.

Oppgave 4. Vertikal sirkelbevegelse i tyngdefeltet



En stein med masse m er festet til enden av ei (masseløs) snor med lengde R , og slynges rundt i en sirkelbane som ligger i et *vertikalt* plan.

a. Vis at Newtons 2. lov for den tangentielle bevegelsen langs sirkelbanen kan skrives som

$$\frac{dv}{dt} = -g \cos \theta,$$

og bruk kjerneregelen $\frac{dv}{dt} = \frac{dv}{d\theta} \cdot \frac{d\theta}{dt}$ til å finne en differensiallikning for $v(\theta)$.

b. Løs likningen og vis at

$$v^2 = v_0^2 - 2gR \sin \theta,$$

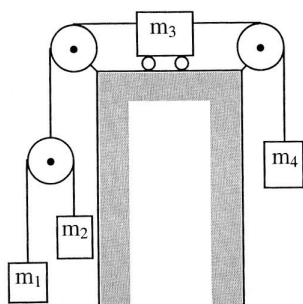
der v_0 er farten ved $\theta = 0$.

c. Sett opp Newtons 2. lov for radialretningen og finn snordraget S som funksjon av θ . I hvilken posisjon av banen er det størst fare for at snora ryker? (Bruk det funne uttrykket for $S(\theta)$ og sjekk det mot din sunne fornuft.) Hva må v_0 minst være for at snora hele tida skal være stram? (Igjen: Sunn fornuft gir en god sjekk også her.)

En frivillig oppgave for de ambisiøse:

Oppgave 5. Snorkrefter, akselerasjoner og likningsbokholderi

Når et antall masser kan bevege seg éndimensjonalt, gir Newtons 2. lov én likning for hver masses akselerasjon, når kreftene er kjente. Hastigheter og posisjoner kan da finnes ved integrasjon, og bevegelsene til massene er derfor i prinsipp bestemt. Men i praksis kan det lett floke seg til med en blanding av krefter og kinematiske føringer, slik at bokholderiet blir strevsomt. Et eksempel på dette følger, som en utfordring til de ambisiøse.



I figuren til venstre er vist fire masser som er forbundet ved (tilnærmet) masseløse snorer. Trinsene snorene ligger over regnes også som masseløse, og de kan rotere friksjonsfritt. Massen m_3 beveger seg friksjonsfritt på sitt horisontale underlag. Hver enkelt av massene beveger seg éndimensjonalt (langs en linje). Vi antar at systemet ved $t = 0$ er i ro, og så slippes. Når massene og tyngdens akselerasjon er kjent, burde det i prinsipp være mulig å bestemme alle massenes akselerasjoner (inntil kollisjoner og denslags inntreffer og endrer situasjonen fullstendig).

a. Vis at siden alle tre snorer som forbinder massene har en gitt lengde, representerer dette tre kinematiske betingelser som gir relasjoner mellom akselerasjonene til de fire massene. Finn disse relasjonene.

b. Kall strekkraften i snora som forbinder massene m_1 og m_2 for T_0 og strekkraftene i snorene knyttet opp i venstre og høyre side av masse 3 for henholdsvis T_v og T_h . Bruk dette til å skrive ned Newtons 2. lov for de fire klossenes akselerasjoner. Vi har neglisjert trinsenes masser. Derved gir Newtons 2. lov for den masseløse trinsen som m_1 og m_2 henger i, en direkte relasjon mellom T_0 og T_v . Finn denne.

c. Sjekk at du nå har tilstrekkelig mange likninger til å bestemme alle fire klossenes akselerasjoner, og strekkraftene i alle snorene. (Vi slutter der, men veien er nå åpen til den fullstendige løsning av problemet.)

Utvalgte fasitsvar:

2a) 0,69 N; 2b) 53° . 3c) $L = 0,50$ m