

**TFY4108 Fysikk**  
**Tips for øving 13**

**Oppgåve 2.**

(a) Set inn uttrykket for  $\psi(r, \theta, \phi)$  på venstresida av TUSL, evaluér venstresida, og vis at resultatet er proporsjonal med  $\psi(r, \theta, \phi)$ . Proporsjonalitetskonstanten er energien. Merk at bølgjefunksjonen for grunntilstanden avheng verken av  $\theta$  eller  $\phi$ , noko som forenklar utrekningane betydeleg.

(b) Uttrykk volumintegralet vha. sfæriske koordinatar:

$$\int_V dV f(r, \theta, \phi) = \int_0^{2\pi} d\phi \int_{-1}^1 d(\cos \theta) \int_0^\infty dr r^2 f(r, \theta, \phi). \quad (1)$$

(h) Denne deloppgåva kan løysast uavhengig av dei føregåande. Du kan anta som kjent at energinivåa til hydrogenatomet er  $E_n = -13.6 \text{ eV}/n^2$  med  $n = 1, 2, 3 \dots$

**Oppgåve 3.**

(b) Finn energien og degenerasjonen til energinivået (degenerasjonen = talet på tilstander som har denne energien). Deretter må du bruke eksklusjonsprinsippet (som gjeld generelt for system med fleire elektron): To eller fleire elektron i eit system kan ikkje ha identiske verdiar for alle kvantetala som spesifiserer elektrontilstandene. Med andre ord: Det kan vere maksimalt eitt elektron i kvar tilstand. Når eigenspinnet blir teke omsyn til, kjem kvantetalet  $m_s = \pm 1/2$  inn i spesifikasjonen av tilstanden i tillegg til kvantetala  $n_x$ ,  $n_y$ , og  $n_z$ .